

УРОК № 51

Тема уроку. Теорема Піфагора. Розв'язування задач.

Мета уроку: формувати вміння учнів застосовувати теорему Піфагора під час розв'язування задач.

Тип уроку: формування вмінь і навичок учнів.

Хід уроку

I. Організаційний момент

II. Перевірка домашнього завдання

Перевіряється за записами із пропусками, заздалегідь підготовленими на дошці.

Задача 1. Розв'язання

Нехай $ABCD$ (рис. 1) — ромб, тоді за властивістю діагоналей ромба $BO = \dots = 8$ см і $\dots = OC = 6$ см, а також $BD \perp AC$, отже, із трикутника BOC ($\angle O = 90^\circ$): $BC = \sqrt{\dots + \dots} = 10$ (см).

Відповідь: 10 см.

Задача 2. Розв'язання

Нехай у трикутнику ABC (рис. 2) $AB = BC = 13$ см, $AD \perp BC$, $AD = 5$ см. Із трикутника ADB ($\angle D = 90^\circ$): $BD = \sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{\dots} = \dots$ (см). Тоді $DC = 13 - \dots = \dots$ (см). Із трикутника ADC ($\angle D = 90^\circ$): $AC = \sqrt{\dots^2 + \dots^2} = \sqrt{26}$ (см).

Відповідь: $\sqrt{26}$ см.

Задача 3. Розв'язання

Нехай $BC = a$, $AC = b$, $AB = c$ (рис. 3). За теоремою Піфагора:

$$c^2 = \dots; a^2 = 36; b^2 + c^2 = 164; \text{ тоді } \begin{cases} a^2 = 36 \\ b^2 + c^2 = 164 \end{cases} \quad a^2 + b^2 + \dots = \dots$$

Отже, $c^2 + c^2 = 200$; $2c^2 = 200$; $c^2 = 100$; $c = 10$ см.

Отже, $b^2 = 164 - c^2$; $b^2 = 64$; $b = \dots$; $a = 6$. $P = a + \dots = 6 + \dots + \dots = 24$ (см).

Відповідь: 24 см.

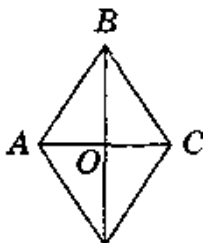


Рис. 1

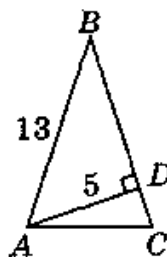


Рис. 2

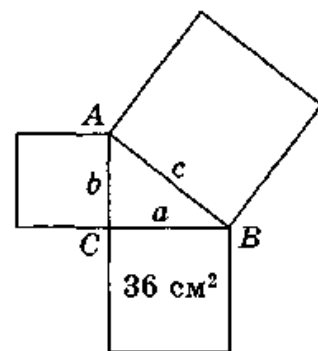


Рис. 3

III. Формулювання мети і задач уроку

IV. Актуалізація опорних знань учнів

Проводиться у формі тесту на визначення вірності математичних

тверджень. Учням роздаються картки, де вони ставлять у таблиці «+», якщо твердження є вірним, або «-», якщо твердження є невірним. Кожне завдання оцінюється в 1 бал.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

Тест

- Єгипетським називають прямокутник з катетами 3 і 4 та гіпотенузою 5. (+)
- Щоб знайти квадрат гіпотенузи, треба додати квадрати катетів. (+)
- Площа квадрата дорівнює $a \cdot b$. (-)
- Якщо в прямокутному трикутнику катети дорівнюють 6 см і 8 см, то гіпотенуза дорівнює $\sqrt{28}$ см. (-)
- Гіпотенуза рівнобедреного прямокутного трикутника з катетом a дорівнює $a\sqrt{2}$. (+)
- Діагональ квадрата зі стороною 2 см дорівнює $2\sqrt{2}$ см. (+)
- Діагональ прямокутника зі сторонами 13 см і 5 см дорівнює 12 см. (-)
- Периметр єгипетського трикутника дорівнює 12 см. (+)
- Радіус кола, описаного навколо прямокутного трикутника з катетами 6 см і 8 см, дорівнює 10 см. (-)
- Сторона ромба з діагоналями 6 см і 8 см дорівнює 5 см. (+)
- Катет прямокутного трикутника дорівнює 15 см, якщо його гіпотенуза дорівнює 25 см, а другий катет 20 см. (+)
- Медіана, проведена до гіпотенузи прямокутного трикутника з катетами 12 см і 5 см, дорівнює 13 см. (-)

Учні обмінюються картками, учитель відкриває відкидну дошку із правильними відповідями, здійснюється взаємоперевірка.

V. Закріплення засвоєних навичок і вмінь учнів

Розв'язування задач

Учитель розв'язує задачі з учнями разом, сильним учням пропонується утворити творчу групу. їм дається завдання на картці.

Задача 1. Відношення бічної сторони до основи рівнобедреного трикутника дорівнює 5 : 6, а висота трикутника, проведена до основи, дорівнює 12 см (рис. 4). Знайдіть сторони трикутника.

Відповідь: 15 см, 15 см, 18 см.

Задача 2. Бічна сторона рівнобедреного трикутника менша від основи на 9 см, а відрізки, на які бісектриса кута при основі ділить висоту, проведену до основи, відносяться як 5:4 (рис. 5). Знайдіть висоту трикутника, проведену до основи.

Відповідь: 9 см.

Задача 3. Два кола із центрами O_1 і O_2 і радіусами, які відповідно дорівнюють 4 см і 9 см, дотикаються зовнішньо. Пряма a дотикається цих кіл відповідно в точках M і N . Знайдіть довжину відрізків MN , O_1N , O_2M .

Розв'язання

Оскільки MN — дотична (рис. 6), то $O_2N \perp MN$, $O_1M \perp MN$. Проведемо відрізок MF , паралельний O_1O_2 . Трикутник MNF — прямокутний, $MF = 4 + 9 = 13$ (см), $FN = O_2N - MO_1 = O_2N - FO_2 = 9 - 4 = 5$ (см) ($FO_2 = MO_1$, тому що O_1MFO_2 — паралелограм). Із трикутника MNF ($\angle N = 90^\circ$):

$$MN = \sqrt{MF^2 - FN^2} = \sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{169 - 25} = \sqrt{144} = 12 \text{ (см)}. \text{ Із}$$

трикутника O_1MN ($\angle M = 90^\circ$): $O_1N = \sqrt{O_1M^2 + MN^2} = \sqrt{4^2 + 12^2} = \sqrt{16 + 144} = \sqrt{160} = \sqrt{16 \cdot 10} = 4\sqrt{10}$ (см). Із трикутника O_2NM ($\angle N = 90^\circ$): $O_2M = \sqrt{O_1N^2 + MN^2} = \sqrt{9^2 + 12^2} = \sqrt{81 + 144} = \sqrt{225} = 15$ (см).

Відповідь: 12 см, $4\sqrt{10}$ см, 15 см.

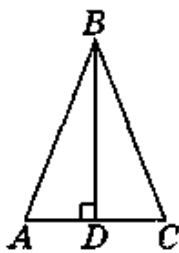


Рис. 4

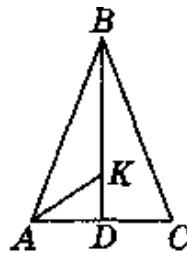


Рис. 5

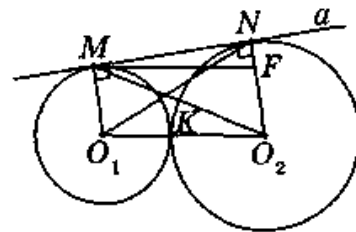


Рис. 6

Картка для творчої групи

Задача 1. У трапеції менша діагональ перпендикулярна до основ трапеції. Сума гострих кутів трапеції дорівнює 90° . Основи трапеції дорівнюють 9 см і 16 см. Знайдіть висоту трапеції й довжину бічних сторін.

Задача 2. Висота ромба дорівнює 12 см, а одна з його діагоналей — 15 см. Знайдіть площу ромба.

Розв'язання до завдань на картці

Задача 1. Розв'язання

Нехай $ABCD$ (рис. 7 на с. 228) — трапеція, $BD \perp BC$, $BD \perp AD$, $BC = 9$ см, $AD = 16$ см. Оскільки $\angle A + \angle C = 90^\circ$ за умовою і $\angle C + \angle BDC = 90^\circ$, то $\angle BDC = \angle A$. Оскільки трикутники DBC і BDA — прямокутні, то $\triangle DBC \sim$

$$\frac{BC}{BD} = \frac{BD}{AD}$$

$\triangle ADB$ за двома кутами. Тоді $\frac{BD}{AD} = \frac{BC}{BD}$; $BD^2 = 9 \cdot 16$; $BD = 3 \cdot 4 = 12$ (см). Із трикутника ADB ($\angle D = 90^\circ$): $AB = \sqrt{12^2 + 16^2} = \sqrt{144 + 256} = \sqrt{400} = 20$ (см).

Із трикутника DBC ($\angle B = 90^\circ$): $DC = \sqrt{9^2 + 12^2} = \sqrt{81 + 144} = \sqrt{225} = 15$ (см).

Відповідь: 12 см, 20 см, 15 см.

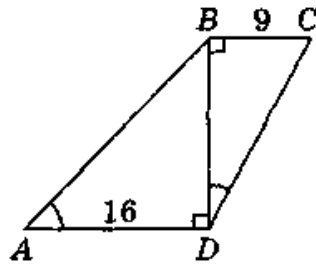


Рис. 7

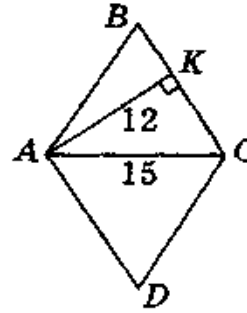


Рис. 8

Задача 2. Розв'язання

Нехай $ABCD$ (рис. 8) — ромб, $AK \perp BC$, $AK = 12$ см, $AC = 15$ см. Із трикутника AKC ($\angle K = 90^\circ$): $KC = \sqrt{AC^2 - AK^2} = \sqrt{15^2 - 12^2} = \sqrt{(15-12)(15+12)} = \sqrt{3 \cdot 27} = \sqrt{81} = 9$ (см).

Нехай $AB = BC = x$ см ($x > 0$), тоді $BK = (x - 9)$ см.

Із трикутника AKB ($\angle K = 90^\circ$): $AB^2 = AK^2 + BK^2$, $x^2 = (x - 9)^2 + 12^2$,
 $x^2 = x^2 - 18x + 81 + 144$, $18x = 225$, $x = 12,5$. $S_p = BC \cdot AK = 12,5 \cdot 12 = 150$ (см²).

Відповідь: 150 см².

VI. Підбиття підсумків уроку**VII. Домашнє завдання**

- С 1.** Катет MQ прямокутного трикутника MQP ($\angle Q = 90^\circ$) дорівнює 8 см. Знайдіть другий катет і гіпотенузу, якщо кут M дорівнює 30° .
- Д 2.** Основи прямокутної трапеції дорівнюють 26 см і 36 см, а більша діагональ є бісектрисою гострого кута. Знайдіть периметр трапеції.
- В 3.** Діагональ рівнобічної трапеції перпендикулярна до бічної сторони та відноситься до неї як 4 : 3. Більша основа трапеції дорівнює 50 см. Знайдіть середню лінію трапеції.