

УРОК № 2

Тема уроку. Паралелограм.

Мета уроку: дати означення паралелограма; формувати вміння позначати паралелограми, визначати їх на рисунку, виконувати рисунок за описом, використовуючи вивчену термінологію; познайомити учнів з ознаками паралелограма та формувати первинні вміння застосовувати їх під час розв'язування задач

Тип уроку: засвоєння нових знань.

Обладнання: таблиця 2 «Паралелограм» (частина І).

Хід уроку

І. Організаційний момент

ІІ. Перевірка домашнього завдання

Задача 1 перевіряється за допомогою підготовленого заздалегідь рисунка (див. урок № 1, рис. 6). Учні коментують розв'язання з місця. Розв'язування задач 2 і 3 записують на дошці двоє учнів з високим рівнем знань.

Задача 2. Доведення

Нехай $ABCD$ — дельтоїд (рис. 1), AC і BD — його діагоналі, $AB = BC$, $AD = DC$. Трикутник ABC — рівнобедрений з основою AC ; BO — медіана даного трикутника, отже, і висота. Таким чином, $BO \perp AC$. Трикутник ADC — рівнобедрений з основою AC ; DO — медіана даного трикутника, отже, і висота. Таким чином, $DO \perp AC$. Звідси випливає, що точки B , O і D лежать на одній прямій. Отже, $BD \perp AC$, що й треба було довести.

Задача 3. Розв'язання

Нехай у чотирикутнику $ABCD$ (рис. 2) $AB = BC = CD = AD$, BD — його діагональ. $\triangle ABD = \triangle CBD$ за трьома сторонами ($AB = BC$, $AD = CD$, BD — спільна). Звідси $\angle C = \angle A = 35^\circ$ як відповідні кути рівних трикутників.

Відповідь: $\angle C = 35^\circ$.

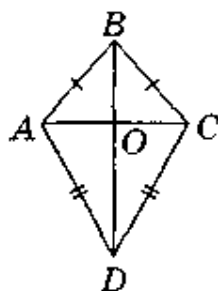


Рис. 1

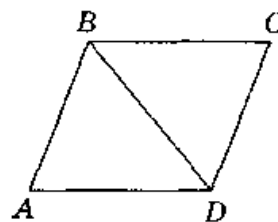


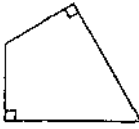
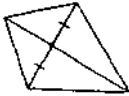
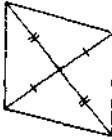


Рис. 2

Поки двоє учнів записують на дошці розв'язання задач 2 і 3, решта пишуть математичний диктант. Відповіді до нього можна заздалегідь написати на відкидній дошці або викликати учня, який писатиме диктант на відкидній дошці.

Математичний диктант

| Завдання | Відповіді |
|---|--|
| 1. Накресліть опуклий чотирикутник, у якого три кути є тупими |  |
| 2. Накресліть опуклий чотирикутник, у якого два сусідніх кути прямі, а два інших — непрямі |  |
| 3. Накресліть опуклий чотирикутник, у якого два протилежних кути прямі, а два інші — непрямі |  |
| 4. Накресліть опуклий чотирикутник, у якого одна діагональ ділиться точкою перетину навпіл, а інша діагональ — ні |  |
| 5. Накресліть опуклий чотирикутник, у якого обидві діагоналі діляться точкою перетину навпіл |  |

Після диктанту вчитель пропонує учням зробити самоперевірку диктанту, відповідає на питання, що виникли під час перевірки. Потім клас слухає розв'язання задач 2 і 3.

III. Формулювання мети і задач уроку

IV. Актуалізація опорних знань учнів

Завдання класу

- Вкажіть пари внутрішніх різносторонніх кутів і пари внутрішніх односторонніх кутів на рис. 3. Чи є прямі c і d паралельними, якщо: а) $\angle 1 = \angle 4$; б) $\angle 1 = 60^\circ$, $\angle 3 = 120^\circ$?
- На рис. 4 $\angle A = 30^\circ$, $\angle B = 150^\circ$. Доведіть, що $BC \parallel AD$.
- AC — діагональ чотирикутника $ABCD$ (рис. 5). Доведіть, що $BC \parallel AD$ і $AB \parallel CD$, якщо $\triangle ABC = \triangle CDA$.

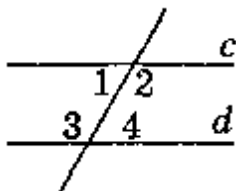


Рис. 3

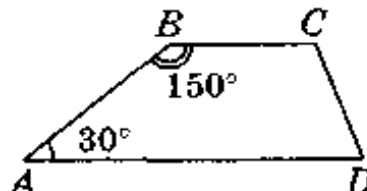


Рис. 4

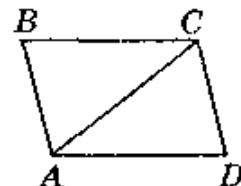


Рис. 5

4. Яку особливість має чотирикутник, отриманий під час розв'язання завдання 5 математичного диктанту?

V. Вивчення нового матеріалу

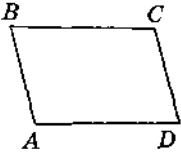
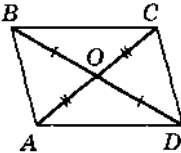
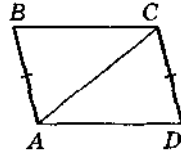
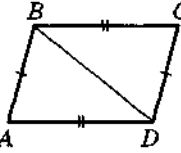
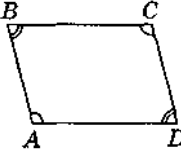
План викладення теми

1. Означення паралелограма.
2. Ознаки паралелограма.

Пояснення можна здійснювати за допомогою наведеної на с. 12 таблиці 2.

Таблиця 2

Паралелограм (частина I*)

| Означення паралелограма | |
|--|---|
|  | Паралелограм — це чотирикутник, у якого протилежні сторони паралельні (тобто лежать на паралельних прямих) |
| Ознаки паралелограма | |
| 1.  | Якщо діагоналі чотирикутника перетинаються та діляться точкою перетину навпіл, то цей чотирикутник — паралелограм |
| 2.  | Якщо в чотирикутнику дві протилежні сторони рівні і паралельні, то цей чотирикутник — паралелограм |
| 3.  | Якщо в чотирикутнику протилежні сторони попарно рівні, то цей чотирикутник — паралелограм |
| 4.  | Якщо в чотирикутнику протилежні кути попарно рівні, то цей чотирикутник — паралелограм |

* Частина II таблиці 2 подано в уроці № 3.

Означення паралелограма

Учитель формулює означення паралелограма.

Питання класу

- Які помилки допущені в зображенні паралелограмів на рис. 6 і 7?

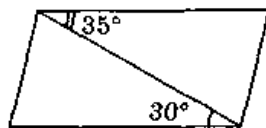


Рис. 6

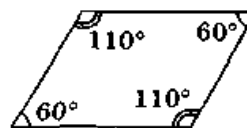


Рис. 7

Ознаки паралелограма

Учитель об'єднує учнів у чотири групи таким чином, щоб у кожній з них були учні з різним рівнем підготовки. Кожній групі в якості задачі на доведення пропонується довести одну з ознак паралелограма, наведених у таблиці 2 «Паралелограм» (частина I). Якщо необхідно, вчитель надає групам допомогу. Кожній групі дається можливість представити своє доведення. Учитель

підкреслює, що доведені твердження є ознаками паралелограма й часто застосовуються при розв'язуванні задач.

Задача 1 (ознака 1). Якщо діагоналі чотирикутника перетинаються і точкою перетину діляться навпіл, то цей чотирикутник — паралелограм.

Доведення

Нехай $ABCD$ — даний чотирикутник, діагоналі якого перетинаються в точці O (рис. 8). У трикутниках BOC і DOA : $BO = DO$, $OC = OA$ — за умовою; $\angle BOC = \angle DOA$ як вертикальні. Отже, $\triangle BOC = \triangle DOA$ за двома сторонами і кутом між ними. Звідси $\angle BCO = \angle DAO$, причому ці кути є внутрішніми різносторонніми при прямих BC і AD і січній AC . Отже, $BC \parallel AD$. Аналогічно доводимо рівність трикутників BOA і DOC і паралельність прямих AB і CD . Оскільки протилежні сторони чотирикутника паралельні, то цей чотирикутник — паралелограм за означенням, що й треба було довести.

Задача 2 (ознака 2). Якщо в чотирикутнику дві протилежні сторони рівні і паралельні, то цей чотирикутник — паралелограм.

Доведення

Нехай у чотирикутнику $ABCD$ (рис. 9) $AB \parallel CD$, $AB = CD$. У даному чотирикутнику проведемо діагональ AC . Оскільки $AB \parallel CD$, а AC — січна, то $\angle BAC = \angle DCA$ як внутрішні різносторонні при паралельних прямих і січній. AC — спільна сторона трикутників BAC і DCA , $AB = CD$ за умовою. Отже, $\triangle BAC = \triangle DCA$ за двома сторонами і кутом між ними. Звідси $\angle BCA = \angle DAC$. Оскільки ці кути внутрішні різносторонні при прямих BC і AD і січній AC , то $BC \parallel AD$. Отже, $AB \parallel CD$, $BC \parallel AD$. Таким чином, у чотирикутнику $ABCD$ протилежні сторони паралельні, отже, він паралелограм за означенням, що й треба було довести.

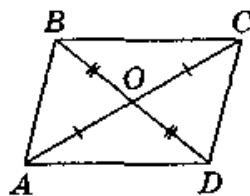


Рис. 8

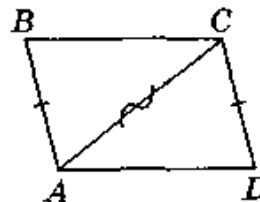


Рис. 9

Задача 3 (ознака 3). Якщо в чотирикутнику протилежні сторони попарно рівні, то цей чотирикутник — паралелограм.

Доведення

Нехай у чотирикутнику $ABCD$ (рис. 10) $AB = CD$, $BC = AD$. У даному чотирикутнику проведемо діагональ AC . У трикутниках ABC і CDA : $AB = CD$, $BC = AD$ — за умовою, AC — спільна сторона. Отже, $\triangle ABC = \triangle CDA$ за трьома сторонами. Звідси $\angle BAC = \angle DCA$, $\angle BCA = \angle DAC$ як відповідні кути рівних трикутників. Оскільки кути BAC і DCA — внутрішні різносторонні при прямих AB і CD і січній AC , а кути BCA і DAC — внутрішні різносторонні при прямих BC і AD і січній AC , то відповідно $AB \parallel CD$, $BC \parallel AD$. Отже, чотирикутник $ABCD$ — паралелограм за означенням, що й треба було довести.

Задача 4 (ознака 4). Якщо в чотирикутника протилежні кути попарно рівні, то цей чотирикутник — паралелограм.

Доведення

Як уже було доведено, сума кутів будь-якого чотирикутника дорівнює 360° . Нехай у чотирикутнику $ABCD$ (рис. 11) $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$. Оскільки $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ$, то $2(\angle A + \angle B) = 360^\circ$. Звідси $\angle A + \angle B = 180^\circ$. Оскільки кути A і B — внутрішні односторонні при прямих BC і AD і січній AB , то $BC \parallel AD$ за ознакою паралельності прямих. Аналогічно $\angle A + \angle D = 180^\circ$, отже, $AB \parallel CD$. Отже, чотирикутник $ABCD$ — паралелограм за означенням, що й треба було довести.

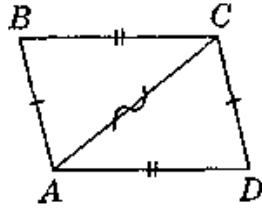


Рис. 10

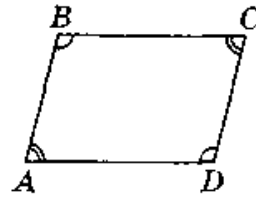
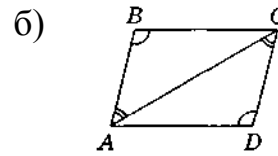
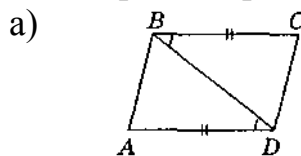


Рис. 11

VI. Первинне закріплення нових знань учнів

Виконання усних вправ за готовими рисунками

Завдання. Доведіть для кожного з випадків (рис. 12, а-г), що чотирикутник $ABCD$ — паралелограм.



в) Дано: $\triangle AOB = \triangle COD$.

г) Дано: $\triangle ABC = \triangle CDA$.

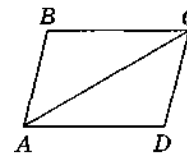
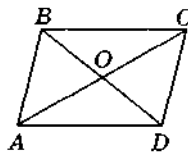


Рис. 12

Доведення

За даними рис. 12, а, $\angle CBD = \angle ADB$. Оскільки ці кути — внутрішні різносторонні при прямих BC і AD і січній BD , то $BC \parallel AD$. Оскільки за умовою $BC = AD$, то чотирикутник $ABCD$ — паралелограм за ознакою.

За даними рис. 12, б, $\angle B = \angle D$, $\angle BAC = \angle DCA$. Оскільки сума кутів будь-якого трикутника дорівнює 180° , то з рівності кутів випливає, що $\angle BCA = \angle BAC$, а отже, і $\angle BCD = \angle BAD$. Таким чином, у чотирикутника $ABCD$ протилежні кути попарно рівні. Отже, чотирикутник $ABCD$ — паралелограм за ознакою.

З рівності трикутників AOB і COD (рис. 12, в) випливає, що $BO = OD$, $AO = OC$. Отже, діагоналі чотирикутника $ABCD$ діляться точкою перетину навпіл. Отже, чотирикутник $ABCD$ — паралелограм за ознакою.

З рівності трикутників ABC і CDA (рис. 12, г) випливає, що $AB = CD$ і $BC = AD$. Отже, протилежні сторони попарно рівні. Таким чином, чотирикутник

$ABCD$ — паралелограм.

Виконання письмової вправи (колективно під керівництвом учителя)

Задача. У трикутнику ABC (рис. 13) на продовженні медіани BD відкладено відрізок DK , рівний BD . Доведіть, що $ABCK$ — паралелограм.

Доведення

Оскільки BD — медіана трикутника ABC , отже, $AD = DC$. $BD = DK$ за умовою, таким чином, у чотирикутнику $ABCK$ діагоналі діляться точкою перетину навпіл. Отже, $ABCK$ — паралелограм за ознакою, що й треба було довести.

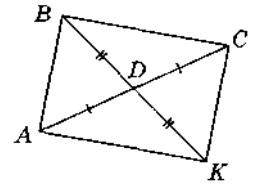


Рис. 13

VII. Підбиття підсумків уроку

Питання класу

- Що потрібно знати про чотирикутник, щоб зробити висновок, що він не є паралелограмом?

VIII. Домашнє завдання

С 1. Дано: $\angle 1 = \angle 2$; $\angle 3 = \angle 4$ (рис. 14).

Довести: $ABCD$ — паралелограм.

- Д 2.** На рис. 15 точка O — спільна середина відрізків AD , CH , BE . Які із чотирикутників на цьому рисунку є паралелограмами і за якою ознакою?

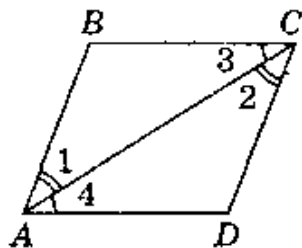


Рис. 14

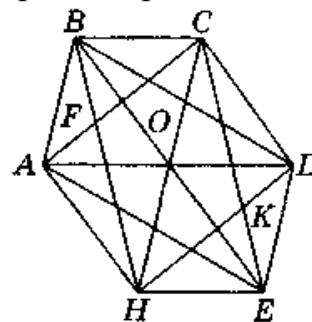


Рис. 15

- В 3.** Побудуйте паралелограм за двома сторонами і кутом. (Вказівка: під час побудови використовуйте ознаку паралелограма.)