

## УРОК 46

**Тема уроку:** Розв'язування показникових рівнянь.

**Мета уроку:** Формування умінь учнів розв'язувати показникові рівняння способом зведення до спільної основи; способом винесення за дужки спільного множника; способом зведення до спільного показника; графічним способом.

### I. Перевірка домашнього завдання.

Два учні на відкидних дошках відтворюють розв'язування вправ відповідно № 1, 3, 5, 7, 9 і № 2, 4, 6, 8, 10.

У цей час останні учні розв'язують рівняння № 48, 23.

№48:  $5^{x^2-6x-35\frac{1}{3}} = 625\sqrt[3]{25}$ ;  $5^{x^2-6x-35\frac{1}{3}} = 5^{\frac{4^2}{3}}$ ;

$$x^2 - 6x - 35\frac{1}{3} = 4\frac{2}{3}; \quad x^2 - 6x - 40 = 0.$$

$$x_1 = 10; x_2 = -4.$$

*Відповідь:* 10; -4.

№23:  $\left(\frac{4}{9}\right)^x \cdot \left(\frac{27}{8}\right)^{x-1} = \frac{2}{3}$ ;  $\left(\frac{2}{3}\right)^{2x} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{-3x+3} = \frac{2}{3}$ ;  $\left(\frac{2}{3}\right)^{2x-3x+3x} = \frac{2}{3}$ ;

$$2x - 3x + 3 = 1; -x = -2; x = 2.$$

*Відповідь:* 2.

### II. Набуття умінь розв'язувати показникові рівняння.

Розглянемо деякі способи розв'язування показникових рівнянь.

1. Спосіб приведення рівняння до спільної основи, тобто до рівняння виду

$$a^{f(x)} = a^{g(x)}.$$

Як відомо, показникова функція  $y = a^x$ ,  $a > 0$  і  $a \neq 1$  монотонна, тому кожне своє значення вона приймає тільки при одному значенні аргументу.

Із рівності  $a^{f(x)} = a^{g(x)}$  випливає, що  $f(x) = g(x)$ .

**Приклад 1.** Розв'яжіть рівняння  $2^x \cdot 5^x = 0,1(10^{x-1})^3$ .

*Розв'язання*

$$2^x \cdot 5^x = 0,1(10^{x-1})^3; 10^x = 10^{-1} \cdot 10^{3x-3}; 10^x = 10^{3x-4}; x = 3x - 4; x = 2.$$

*Відповідь:* 2.

2. Колективне розв'язування вправ із № 1 (17, 20, 49).

3. Спосіб винесення спільного множника за дужки.

**Приклад 1.** Розв'яжіть рівняння  $3^x - 2 \cdot 3^{x-2} = 63$ .

*Розв'язання*

$$3^x - 2 \cdot 3^{x-2} = 63; 3^{x-2}(3^2 - 2) = 63; 3^{x-2} \cdot 7 = 63; 3^{x-2} = 9; x - 2 = 2; x = 4.$$

*Відповідь:* 4.

**Приклад 2.** Розв'яжіть рівняння  $5^{2x-1} - 5^{2x} + 2^{2x} + 2^{2x+2} = 0$ .

*Розв'язання*

$$5^{2x-1} - 5^{2x} + 2^{2x} + 2^{2x+2} = 0; \quad 2^{2x}(1 + 2^2) = 5^{2x}(1 - 5^{-1}); \quad 2^{2x} \cdot 5 = 5^{2x} \cdot \frac{4}{5};$$

$$\frac{2^{2x}}{5^{2x}} = \frac{4}{25}; \left(\frac{2}{5}\right)^{2x} = \left(\frac{2}{5}\right)^2; 2x = 2; x = 1.$$

Відповідь: 1.

4. Колективне розв'язування вправ із № 1 (22, 44).

5. Спосіб приведення рівняння до квадратного.

**Приклад 1.** Розв'яжіть рівняння  $49^x - 8 \cdot 7^x + 7 = 0$ .

*Розв'язання*

$$49^x - 8 \cdot 7^x + 7 = 0; (7^2)^x - 8 \cdot 7^x + 7 = 0; (7^x)^2 - 8 \cdot 7^x + 7 = 0.$$

Нехай  $7^x = t$ , тоді  $t^2 - 8t + 7 = 0$ ;  $t_1 = 7$ ;  $t_2 = 1$ .

Отже: 1)  $7^x = 7$ ;  $x = 1$ ; 2)  $7^x = 1$ ;  $7^x = 7^0$ ;  $x = 0$ .

Відповідь: 1; 0.

**Приклад 2.** Розв'яжіть рівняння (№ 1 (47))  $3 \cdot 16^x + 2 \cdot 81^x = 5 \cdot 36^x$ .

*Розв'язання*

$$3 \cdot 4^{2x} + 2 \cdot 9^{2x} = 5 \cdot 4^x \cdot 9^x; \frac{3 \cdot 4^{2x}}{9^{2x}} + \frac{2 \cdot 9^{2x}}{9^{2x}} = \frac{5 \cdot 4^x \cdot 9^x}{9^{2x}}; 3 \cdot \left(\frac{4}{9}\right)^{2x} - 5 \cdot \left(\frac{4}{9}\right)^x + 2 = 0$$

Заміна  $\left(\frac{4}{9}\right)^x = y$ , тоді  $3y^2 - 5y + 2 = 0$ , звідси  $y_1 = \frac{2}{3}$ ;  $y_2 = 1$ .

Отже: 1)  $\left(\frac{4}{9}\right)^x = \frac{2}{3}$ ;  $\left(\frac{2}{3}\right)^{2x} = \frac{2}{3}$ ;  $2x = 1$ ;  $x = \frac{1}{2}$ ; 2)  $\left(\frac{4}{9}\right)^x = 1$ ;  $x = 0$ .

Відповідь: 0;  $\frac{1}{2}$ .

6. Колективне розв'язування рівнянь із № 1 (26, 32, 33).

7. Графічний спосіб розв'язування показникових рівнянь.

**Приклад.** Розв'яжіть графічно рівняння  $\left(\frac{1}{3}\right)^x = x + 1$ .

*Розв'язання*

Будуємо графіки функцій  $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ ,  $y = x + 1$  в одній

системі координат. Графіки функцій  $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ ,  $y = x + 1$  перетинаються в точці, абсциса якої  $x = 0$  (рис. 154).

Відповідь:  $x = 0$ .

8. Розв'яжіть рівняння графічно:

а)  $3^x = 4 - x$ ; б)  $\left(\frac{1}{3}\right)^x = x + 3$ ; в)  $4^x = 5 - x$ ; г)  $3^{-x} = -\frac{3}{x}$ .

Відповідь: а) 1; б) -1; в) 1; г) -1.

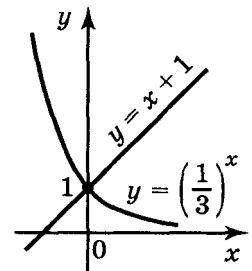


Рис. 154

### III. Підсумок уроку.

### IV. Домашнє завдання.

Розділ IV § 2 № 31—34 із «Запитання і завдання для повторення»,

№ 1 (12, 13, 14, 15, 16).