

Уроки 85-88

Тема: ВІДНІМАННЯ РАЦІОНАЛЬНИХ ЧИСЕЛ

Мета. Навчити учнів віднімати раціональні числа.

Вимоги до підготовки учнів.

У результаті вивчення теми учні мають навчитися: формулювати правила виконання віднімання додатних і від'ємних чисел; розв'язувати вправи, що передбачають віднімання раціональних чисел.

Методичні зауваження та поради

Означення віднімання раціональних чисел можна дати учням загальновідоме. Відняти від одного числа друге - це означає знайти таке третє число, яке в сумі з другим дає перше.

Основне в цій темі - показати учням, що віднімання числа можна замінити додаванням протилежного, наприклад, що $5 - (-2) = 5 + (+2)$.

Пояснити це можна так: нехай $5 - (-2) = x$. Тоді $x + (-2) = 5$. Додамо до обох частин цієї рівності по 2, маємо $x + (-2) + 2 = 5 + 2$, або $x = 5 + 2$.

Отже, $5 - (-2) = 5 + (+2)$.

Однак таке пояснення для багатьох учнів не зовсім зрозуміле. Тому краще спочатку (після означення) розв'язати кілька прикладів на віднімання раціональних чисел способом випробувань. А потім продовжити пояснення:

- Ви вже вмієте віднімати додатні і від'ємні числа. Однак робите це поки що нераціонально. Ви здогадуєтесь, чому дорівнює різниця, але знаходити її можна простіше.

Порівняйте

$$(+4) - (+1) = +3 \text{ і } (+4) + (-1) = +3.$$

Як бачимо, чи відняти число +1, чи додати число -1, результати однакові. Простежимо, чи завжди так буває.

$$\begin{array}{ll} (+4) - (-1) = +5 & \text{і} \quad (+4) + (+1) = +5, \\ (-4) - (+1) = -5 & \text{і} \quad (-4) + (-1) = -5, \\ (-4) - (-1) = -3 & \text{і} \quad (-4) + (+1) = -3, \\ 0 - (-1) = +1 & \text{і} \quad 0 + (+1) = +1. \end{array}$$

Отже, щоб відняти від одного числа друге, досить до зменшуваного додати число, протилежне від'ємнику.

Як показують спостереження, іноді вчителі дуже швидко «проходять» віднімання додатних і від'ємних чисел. Показавши, що його можна звести до додавання, переходять до розв'язування тренувальних вправ і більше про віднімання таких чисел не говорять нічого. Проте віднімання - та дія, яка змусила ввести від'ємні числа. Саме у виконанні віднімання полягає основна відмінність між множиною додатних чисел і всіх додатних та від'ємних. У множині, яка складається з усіх додатних чисел, від'ємних і нуля, віднімання чисел завжди можливе. Про це бажано сказати учням.

Робота з матеріалом підручника

На першому уроці

- Для роботи в класі: § 31; № 1023, 1024, 1026-1028, 1030, 1038.
- Для роботи вдома: § 31; № 1025, 1029, 1061.

На другому уроці

- Для роботи в класі: § 31; № 1033-1037, 1039, 1041, 1062-1064 (б, в).
- Для роботи вдома: § 31; № 1031, 1032, 1040, 1062-1064 (а).

На третьому уроці

- Для роботи в класі: § 31; № 1042, 1044, 1046, 1047, 1049, 1051, 1066.
- Для роботи вдома: § 31; № 1043, 1045, 1050, 1065.

На четвертому уроці

- Для роботи в класі: § 31; № 1048, 1053, 1055, 1057, 1058, 1060, 1067.
- Для роботи вдома: § 31; № 1052, 1054, 1056, 1059.

Вказівки та розв'язання вправ

1026. а) $7 - (-53) = 7 + 53 = 60$.

1027. а) $-8 - (-9) = -8 + 9 = 1$; в) $-5 - (-5) = -5 + 5 = 0$.

1033. а) $\frac{3}{4} - 3\frac{1}{4} = \frac{3}{4} - 2\frac{5}{4} = -2\frac{1}{2}$.

1034. а) $\frac{1}{3} - 3,5 = \frac{1}{3} - 3\frac{1}{2} = \frac{2}{6} - 3\frac{3}{6} = -3\frac{1}{6}$.

1038. Дістанемо відповідно числа: -26, -17, -10, -7, -1, 2.

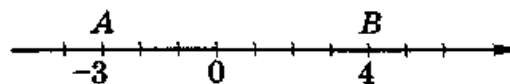
1041. $5,2 - (-2,7) = 7,9$.

1042. $-3^\circ\text{C} - 4^\circ\text{C} = -7^\circ\text{C}$. Температура знизилася на 7°C .

1043. $-2^\circ\text{C} + (-7^\circ\text{C}) = -9^\circ\text{C}$ - такою була температура вранці.

1046. б) $AB = |4 - (-3)| = |4 + 3| = 7$ (мал. 38).

Наведені рівності правильні. Завжди $|a - b| = |b - a|$. А відстань між точками $A(a)$ і $B(b)$ дорівнює $|a - b|$ або $|b - a|$.



Мал. 38

1047. а) $KP = |-5 - 8| = 13$.

1050. $|a - b| = |a| + |b|$, якщо числа a і b - різних знаків або якщо одне з них 0.

Наприклад, $|3 - (-7)| = |3| + |-7|$, $|a - 0| = |a| + |0|$.

Загального дослідження від шестикласників вимагати не слід.

1053. $24^\circ\text{C} - (-23^\circ\text{C}) = 47^\circ\text{C}$. Корисно навести малюнок 39.

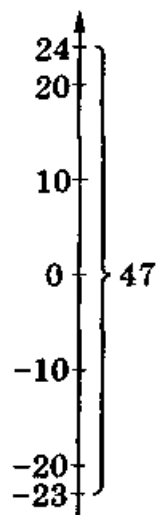
1056. а) Числа 7, 8, 9 і 10 рівняння задовольняють, бо $|7 - 7| = |7| - 7$, $|8 - 7| = |8| - 7$ і т. д.

Якщо клас сильний, можна узагальнити завдання: показати, що коренем даного рівняння є кожне число, не менше за 7.

1059. Прийняте в нас літочислення не має нульового року, тому описаний в задачі ситуації відповідає малюнок 40.

Відповідь. 5 років.

На Заході той рік, який ми вважаємо першим роком до н. е., називають нульовим роком. Тому на це саме запитання на Заході дають іншу відповідь: 6 років (мал. 41). Взагалі, там вважають, що між такою самою датою року a до н. е. і року b н. е. пройшло $a + b$ років. У нас - на 1 рік

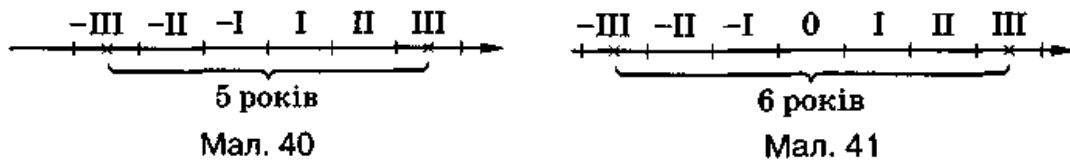


Мал. 39

менше.

1061. Дивіться малюнок 42, а, б.

1065. У першому випадку за 100 % приймається число 40. $8 : 40 = 0,2 = 20 (\%)$.
 $100 \% - 20 \% = 80 \%$. Отже, число 8 менше від 40 на 80 %.



-5	-2	7
12	0	-12
-7	2	5

а

-1	2	11
16	4	-8
-3	6	9

б

Мал. 42

У другому випадку за 100 % приймається число 8. $40 : 8 = 5 = 500 (\%)$. $500 \% - 100 \% = 400 \%$. Число 40 більше від 8 на 400 %.

1066. Площі квадратів дорівнюють 4 см^2 і 16 см^2 . Якщо площу другого квадрата прийняти за 100 %, то площа першого становитиме 25 %. $100 \% - 25 \% = 75 \%$. Площа першого квадрата менша від площі другого на 75 %.

Якщо площу першого квадрата прийняти за 100 %, то площа другого становитиме 400 %. Тому площа другого квадрата більша порівняно з площею першого квадрата на 300 %.

1067*. Нехай відстань від міста до села дорівнює 30 км. Тому велосипедист із села в місто їхав 2 год, а з міста в село - 3 год, всього 5 год. За цей час він проїхав 60 км. Тому його середня швидкість дорівнювала $60 \text{ км} : 5 \text{ год} = 12 \text{ км/год}$.

Таку саму відповідь отримали б, коли замість 30 км взяли будь-яку іншу

відстань n . Оскільки $2n : \left(\frac{n}{15} + \frac{n}{10} \right) = 12$. Таке розв'язання можна запропонувати сильнішим учням.

Особисті нотатки вчителя _____
